Mercredi 5 Novembre 2025

Lycée Jean DROUANT

## FONCTIONS EXPONENTIELLES

## ~ 10 points **EXERCICE 1**

Un service internet de téléchargement de vidéos s'intéresse depuis le 1<sup>er</sup> janvier 2015 à l'évolution du nombre de ses abonnés.

Après étude, le nombre d'abonnés, exprimé en millions, est modélisé par la fonction f définie sur l'intervalle  $[0\,;\,20]$  par l'expression :

$$f(t) = 43 \times 1,08^t$$

où t est la durée écoulée, exprimée en années, depuis le  $1^{er}$  janvier 2015.

- 1. Calculer f(0) puis interpréter le résultat dans le contexte de l'exercice.
- 2. Calculer le nombre d'abonnés au 1er janvier 2017.
- 3. Calculer le nombre d'abonnés au 1er juillet 2020.
- **4.** On admet que la fonction f a le même sens de variations que la fonction  $t \mapsto 1,08^t$  sur l'intervalle [0; 20].

Déterminer le sens de variations de la fonction f sur l'intervalle [0; 20].

**5**. Déterminer l'année à partir de laquelle le nombre d'abonnés dépassera le double du nombre d'abonnés observé au 1<sup>er</sup> janvier 2015.

## ~ 10 points **Exercice 2**

Dans une ville, 10 000 vélos sont mis en service en même temps.

On estime qu'en raison des accidents, des dégradations et des problèmes techniques, 6 % de ces vélos sont retirés de la circulation chaque année (régulièrement au fil des mois).

- 1. Combien de vélos sont toujours en circulation au bout d'un an?
- **2.** On choisit de modéliser cette situation par la fonction *f* , qui pour *x* , exprimé en nombre entier d'années, donne le nombre de vélos restant en circulation. On a donc un modèle exponentiel :

$$f(x) = k \times a^x$$

- **a.** Indiquer la valeur des réels *k* et *a*.
- **b.** En déduire le nombre de vélos restants au bout de 20 ans.
- 3. Convertir 54 mois en années, puis déterminer le nombre de vélos en circulation après 54 mois en admettant que le modèle précédent reste valable pour des nombres non entiers d'années.
- **4**. Déterminer, selon ce modèle, la durée minimale (en année et en mois) pour qu'il reste moins de 2 000 vélos en circulation.